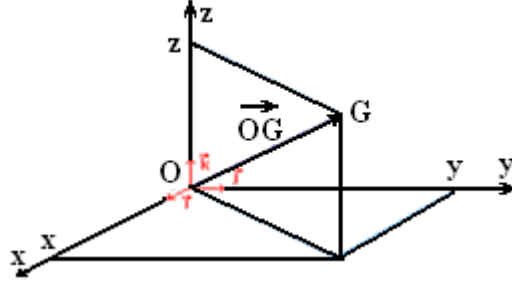


قوانين نيوتن

Les lois de newton

1. معلمة موضع نقطة M من متحرك:

- الأجسام لا تتحرك إلا بالنسبة لأجسام أخرى تسمى بالأجسام المرجعية (نسبية لحركة)
- لتحديد موضع الجسم المتحرك في لحظة معينة، يجب اعتبار معلم فضاء و معلم زمن مرتبطين بالجسم المرجعي



نختار معلم الفضاء $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ و هو معلم متعامد ممنظم (معلم ديكارت)

$$\vec{OG} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k} \quad \text{متجهة الموضع}$$

G: مركز قصور الجسم المتحرك

(x, y, z) : الإحداثيات في معلم متعامد ممنظم (الإحداثيات الديكارتية)

$$OG = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} \quad \text{طول متجهة الموضع}$$

المتجهة \vec{OM} تتغير بتغير الزمن و بالتالي تتغير الإحداثيات (x, y, z)

ملحوظة:

- $x=f(t)$ و $y=g(t)$ و $z=h(t)$ تشكل المعادلات الزمنية
- المسار هو مجموعة الموضع المتتالية التي يحتلها المتحرك

2. السرعة اللحظية و التسارع :

2.1 متجهة السرعة اللحظية:

متجهة السرعة اللحظية لمركز قصور جسم صلب تساوي مشتقة متجهة الموضع بالنسبة للزمن و وحدتها $m.s^{-1}$

$$\vec{V}_G = \frac{d\vec{OG}}{dt}$$

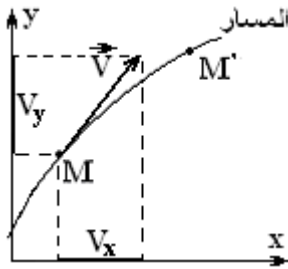
بالنسبة لإحداثيات ديكارت:

$$\vec{V}_G = \frac{d\vec{OG}}{dt} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k} = V_x\vec{i} + V_y\vec{j} + V_z\vec{k}$$

$$Ox \text{ المحور على السرعة على المتجه } : V_x = \frac{dx}{dt} = \dot{x}$$

$$Oy \text{ المحور على السرعة على المتجه } : V_y = \frac{dy}{dt} = \dot{y}$$

$$Oz \text{ المحور على السرعة على المتجه } : V_z = \frac{dz}{dt} = \dot{z}$$



$$\text{منظم متجهة السرعة} : V_G = \sqrt{V_x^2 + V_y^2 + V_z^2}$$

2.2 متجهة التسارع :

أ. تعريف:

متجهة التسارع لمركز قصور جسم صلب تساوي مشتقة متجهة السرعة بالنسبة للزمن و وحدتها $m.s^{-2}$

$$\vec{a}_G = \frac{d\vec{V}_G}{dt}$$

ب. إحداثيات متجهة التسارع في معلم ديكارت:

$$\vec{a} = a_x\vec{i} + a_y\vec{j} + a_z\vec{k}$$

$$\text{Ox على المحور} : a_x = \frac{dV_x}{dt} = \dot{V}_x = \frac{d^2x}{dt^2} = \ddot{x}$$

$$\text{Oy على المحور} : a_y = \frac{dV_y}{dt} = \dot{V}_y = \frac{d^2y}{dt^2} = \ddot{y}$$

$$\text{Oz على المحور} : a_z = \frac{dV_z}{dt} = \dot{V}_z = \frac{d^2z}{dt^2} = \ddot{z}$$

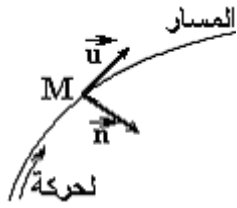
$$\text{منظم متجهة التسارع} : a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$$

ت. إحداثيات متجهة التسارع في معلم فريني:

• تعريف:

(M, \vec{u} , \vec{n}) : معلم فريني بحيث :

- أصله M ينطبق مع موضع المتحرك في كل لحظة.
- (\vec{u}) متجهة واحدة مماسة للمسار و موجهة في منحنى الحركة.
- (\vec{n}) متجهة واحدة منظمية على المسار و موجهة نحو تقعره



• تعبير التسارع \vec{a} في معلم فريني:

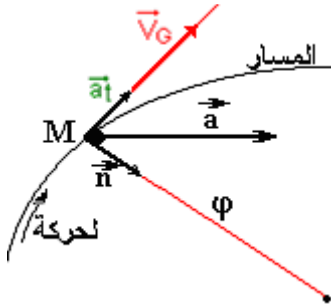
$$\vec{a} = \vec{a}_T + \vec{a}_N = a_T \cdot \vec{u} + a_N \cdot \vec{n}$$

$$a = \|\vec{a}\| = \sqrt{a_T^2 + a_N^2}$$

$$\text{منظم متجهة التسارع المماسي} : a_T = \frac{dV}{dt}$$

$$\text{منظم متجهة التسارع المنظمي} : a_N = \frac{V^2}{\rho}$$

ρ : شعاع انحناء المسار



ملحوظة:

تتعلق إشارة $\vec{V} \cdot \vec{a}$ بالزاوية بين المتجهتين (\vec{V}, \vec{a}) $\vec{V} \cdot \vec{a} = V \cdot a \cdot \cos(\vec{V}, \vec{a})$

$$\vec{V} \cdot \vec{a} = \vec{V} \cdot (\vec{a}_T + \vec{a}_N) = \vec{V} \cdot \vec{a}_T + \vec{V} \cdot \vec{a}_N = \vec{V} \cdot \vec{a}_T + 0 = \vec{V} \cdot \vec{a}_T$$

إذا كان $\vec{V} \cdot \vec{a} > 0$ فالحركة متسارعة

إذا كان $\vec{V} \cdot \vec{a} < 0$ فالحركة متباطئة

إذا كان $\vec{V} \cdot \vec{a} = 0$ فالحركة منتظمة

2.3. تعيين مبياني لمتجهة التسارع \vec{a}

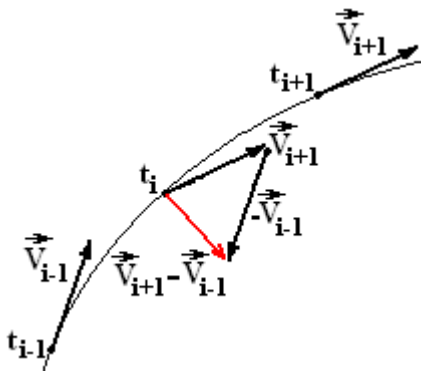
$$\text{تعبير متجهة التسارع في اللحظة } t_i : \vec{a}_{Gi} = \frac{\vec{V}_{G(i+1)} - \vec{V}_{G(i-1)}}{t_{i+1} - t_{i-1}} = \frac{\Delta \vec{V}_G}{\Delta t}$$

مميزات متجهة التسارع \vec{a} :

الاتجاه: اتجاه المتجهة $\vec{V}_{G(i+1)} - \vec{V}_{G(i-1)}$

المنحنى: منحنى المتجهة $\vec{V}_{G(i+1)} - \vec{V}_{G(i-1)}$

$$\text{المنظم} : a_i = \|\vec{a}_i\| = \frac{\|\vec{V}_{G(i+1)} - \vec{V}_{G(i-1)}\|}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$



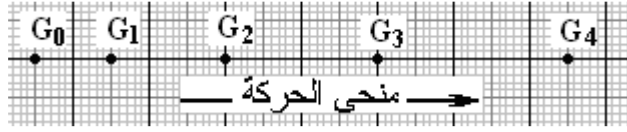
هام:

متجهة السرعة اللحظية لمركز القصور G لجسم صلب في لحظة t_i تساوي السرعة المتوسطة للنقطة G بين اللحظتين t_{i+1} و t_{i-1} المؤترتين ل t_i

$$V_i = \frac{G_{i-1}G_{i+1}}{t_{i+1} - t_{i-1}} \text{ و } \vec{V}_i = \frac{\overline{G_{i-1}G_{i+1}}}{t_{i+1} - t_{i-1}}$$

تطبيق 1:

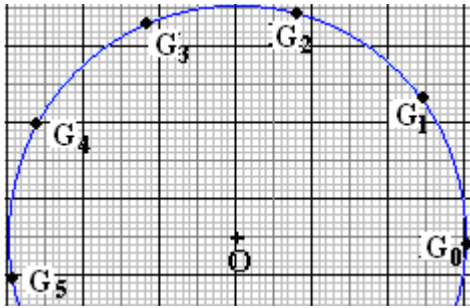
نطلق حاملا ذاتيا بدون سرعة بدئية فوق منضدة هوائية مائلة بزاوية $\alpha=40^\circ$ بعد ضبط مولد الشرارات على $\tau=50\text{ms}$ فنحصل على التسجيل التالي:



1. أحسب السرعة اللحظية في النقط G_1 و G_3 ، ثم مثل المتجهين \vec{V}_1 و \vec{V}_3 باستعمال $1\text{cm} \rightarrow 0.15\text{m.s}^{-1}$.
2. أحسب التسارع اللحظي في النقطة G_2 .

تطبيق 2:

يمثل الشكل جانبه و بسلم حقيقي مواضع مركز قصور G من جسم صلب يتحرك فوق منضدة هوائية أفقية وفق مسار دائري و خلال مدد زمنية متتالية و متساوية $\tau=20\text{ms}$



1. أحسب السرعة اللحظية في النقط G_1 و G_3 ، ثم مثل المتجهين \vec{V}_1 و \vec{V}_3 باستعمال سلم ملائم.
2. أحسب التسارع اللحظي في النقطة G_2 .

3. قوانين نيوتن:

3.1. القوى الداخلية و الخارجية:

بعد تحديد المجموعة المدروسة.

القوى الداخلية: القوى المطبقة من طرف جسم ينتمي إلى المجموعة على جسم آخر ينتمي إلى المجموعة نفسها
القوى الخارجية: القوى المطبقة من طرف جسم لا ينتمي للمجموعة على جسم ينتمي إليها

ملحوظة:

إذا كانت المجموعة لا تخضع إلى أي تأثير خارجي نقول أنها معزولة ميكانيكيا
إذا كان مجموع التأثيرات الخارجية المطبقة عليها منعدم، نقول أنها شبه معزولة ميكانيكيا

3.2. القانون الأول لنيوتن (مبدأ القصور):

في معلم غاليلي، إذا كان مجموع القوى الخارجية المطبقة على جسم صلب منعدم، فإن متجهة سرعة مركز قصوره تكون ثابتة.

$$\vec{V}_G = \vec{C}^{te} \text{ و } \sum \vec{F} = \vec{0}$$

ملحوظة:

يعتبر معلم كوبرنيك أفضل معلم غاليلي (أصله الشمس و محاوره الثلاثة موجهة نحو ثلاثة نجوم ثابتة) و يستعمل في علم الفلك لدراسة حركة الكواكب.
و كل معلم في حركة مستقيمة منتظمة بالنسبة لمعلم كوبرنيك يعتبر معلما غاليليا، و بذلك لا يمكن اعتبار المعالم الأرضية غاليلية إلا بالنسبة لمدد زمنية قصيرة

3.3. القانون الثاني لنيوتن (العلاقة الأساسية للديناميك):

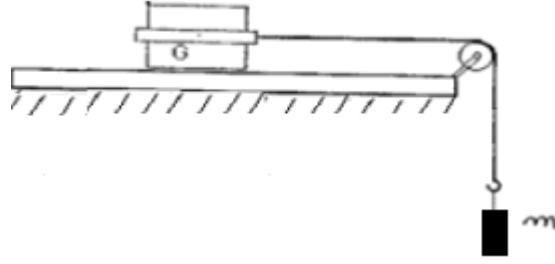
أ. نص القانون:

في معلم غاليلي، مجموع متجهات القوى المطبقة على جسم صلب يساوي، في كل لحظة، جداء كتلة الجسم و متجهة تسارع مركز قصوره

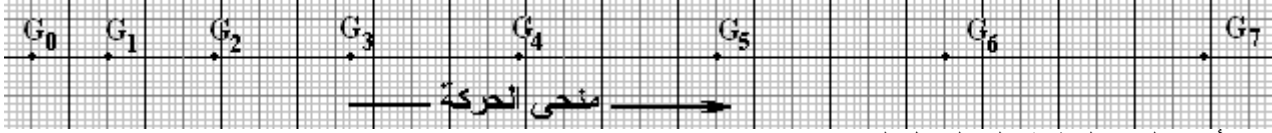
$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G = \frac{\Delta \vec{V}_G}{\Delta t}$$

ب. التحقق التجريبي من القانون الثاني لنيوتن:

نستعمل منضدة هوائية في الوضع الأفقي و ننجز التركيب التالي:



نسلط على الحامل الذاتي بواسطة خيط قوة شدتها $T=0.5N$ ثم نحرر المجموعة نسجل مواضع مركز قصور الحامل الذاتي في مدد ومنية متتالية و متساوية $\tau=40ms$



1. أجرد القوى المطبقة على الحامل الذاتي

2. أثبت أن مجموع متجهات القوى المطبقة على الحامل الذاتي أثناء حركته يكافئ القوة \vec{T}

3. أوجد باستغلال التسجيل ΔV_G تغير سرعة G في الحالات التالية:

بين G_2 و G_3

بين G_2 و G_4

بين G_2 و G_5

بين G_2 و G_6

استنتج

4. مثل منحنى تغيرات ΔV_G بدلالة Δt المدة الزمنية الموافقة

5. ما المدلول الفيزيائي للمعامل لموجه للمنحنى المحصل عليه. قارن قيمة هذا المعامل و خارج القسمة $\frac{T}{m}$ ، $m=400g$: كتلة

الحامل الذاتي ، ثم تحقق من العلاقة $\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}_G$

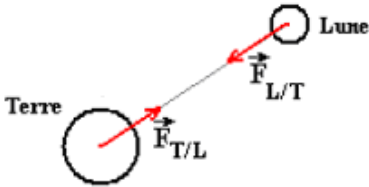
3.4. القانون الثالث لنيوتن (مبدأ التأثيرات المتبادلة):

عندما يتم تأثير بين جسمين A و B فإن القوة $\vec{F}_{A/B}$ التي يطبقها الجسم A على الجسم B ، و القوة

$\vec{F}_{B/A}$ التي يطبقها الجسم B على الجسم A تتحققان دائماً العلاقة المتجهية $\vec{F}_{B/A} = -\vec{F}_{A/B}$ و

ذلك كيفما كانت حالة الحركة أو السكون للجسمين

مثال: تأثير التجاذب الكوني بين الأرض و القمر



4. تطبيقات:

المراحل لمتبعة لتطبيق القانون الثاني لنيوتن:

- المرحلة الأولى: تحديد المجموعة المدروسة.
- المرحلة الثانية: جرد القوى و تمثيلها على الشكل.
- المرحلة الثالثة: كتابة العلاقة المعبرة عن القانون لنيوتن بالنسبة للمجموعة المدروسة (و هي علاقة متجهية)
- المرحلة الرابعة: اختيار معلم متعامد ممنظم.
- المرحلة الخامسة: إسقاط العلاقة المعبرة عن القانون الثاني لنيوتن في هذا المعلم

4.1. حركة جسم صلب فوق مستوى أفقى:

ينطلق جسم صلب © كتلته $m=300g$ حسب مسار مستقيمي من النقطة A بسرعة $72 km/h$ ليتوقف بنقطة B ، نعتبرها أصلاً لمعلم الزمن ، تبعد عن النقطة A بالمسافة $AB=100m$. نأخذ $g=10m.s^{-2}$

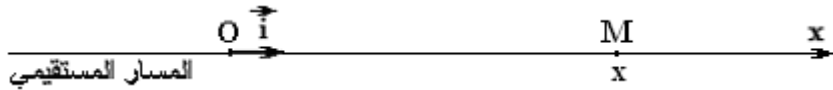


1. حدد طبيعة الحركة.
2. أوجد المعادلات الزمنية للحركة.
3. بتطبيق العلاقة الأساسية للديناميك
- 3.1. أوجد إحداثيات القوة المسلطة من طرف المستوى الأفقى على الجسم.
- 3.2. استنتج شدتها.
4. بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية أوجد زاوية الاحتكاك الساكن.

5. دراسة بعض الحركات المستقيمة :

4.1. الحركة المستقيمة :

الحركة المستقيمة كل حركة مسارها عبارة عن قطعة من مستقيم



$$\overline{OM} = x \cdot \vec{i} \quad \text{: متجهة الموضع}$$

$$\vec{V} = \frac{d\overline{OM}}{dt} = \frac{dx}{dt} \cdot \vec{i} = V_x \cdot \vec{i} \quad \text{: متجهة السرعة}$$

V_x : إحداثي متجهة السرعة \vec{V} على المحور Ox

$$\vec{a} = \frac{d\vec{V}}{dt} = \frac{d^2\overline{OM}}{dt^2} = \frac{d^2x}{dt^2} \cdot \vec{i} = a_x \cdot \vec{i} \quad \text{: متجهة التسارع}$$

a_x : إحداثي متجهة التسارع \vec{a} على المحور Ox

استنتاج: المتجهتين \vec{V} و \vec{a} منطبقين مع المسار أي لهما نفس الاتجاه لكن ليس لهما بالضرورة نفس المنحى.

4.2. الحركة المستقيمة المنتظمة :

تعريف:

السرعة مستقيمة منتظمة عندما تكون سرعة المتحرك ثابتة (القيمة الجبرية)

$$V_x = \frac{dx}{dt} = C^{te} = V_0$$

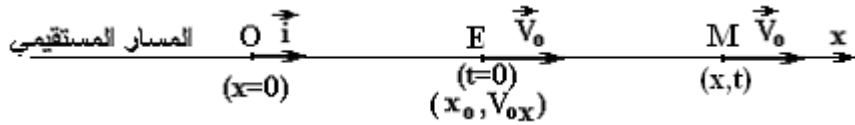
المعادلة الزمنية للحركة:

$$x = V_x \cdot t + x_0$$

المعادلة الزمنية لحركة مستقيمة منتظمة معادلة من الدرجة الأولى بالنسبة للزمن t.

هام:

x_0 تشكل أفضول المتحرك عند أصل التواريخ أي اللحظة $t=0s$.



$$a_x = \ddot{x} = \frac{dV_x}{dt} = 0 \quad \text{: منظم متجهة التسارع منعدم (المعادلة التفاضلية)}$$

$$V_x = V_0 = \frac{\Delta x}{\Delta t} = C^{te}$$

4.3. الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام:

تعريف:

الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام عندما يكون تسارع المتحرك ثابتاً أي أن $a_x = \ddot{x} = \frac{dV_x}{dt} = C^{te}$ (المعادلة التفاضلية)

المعادلة الزمنية

$$x = \frac{1}{2} a_x \cdot t^2 + V_{0x} \cdot t + x_0$$

المعادلة الزمنية لحركة مستقيمة متغيرة بانتظام معادلة من الدرجة الثانية بالنسبة للزمن t.

$$V_x = a_x \cdot t + V_{0x}$$

هام:

x_0 و V_{0x} تشكلان على التوالي أفضول و سرعة المتحرك عند أصل التواريخ أي اللحظة $t=0s$.

$$a_x = \frac{\Delta V_x}{\Delta t} = C^{te}$$

• خصائص الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام:

• العلاقة المستقلة عن الزمن:

$$(1) \quad x = \frac{1}{2} a_x \cdot t^2 + V_{0x} \cdot t + x_0$$

$$t = \frac{V_x - V_{0x}}{a_x} \quad \text{ومنه} \quad V_x = a_x \cdot t + V_{0x}$$

$$x = \frac{1}{2} a_x \cdot \left(\frac{V_x - V_{0x}}{a_x} \right)^2 + V_{0x} \cdot \left(\frac{V_x - V_{0x}}{a_x} \right) + x_0 \quad \text{نعوض في العلاقة (1):}$$

$$V_x^2 - V_{0x}^2 = 2 \cdot a_x \cdot (x - x_0) \quad \text{و بالتالي:}$$

استنتاج:

ويعتبر متحركا في حركة مستقيمة متغيرة بانتظام في موضعين مختلفين M_1 و M_2 متجهتا سرعتهما على التوالي \vec{V}_1 و \vec{V}_2 ذات الإحداثيات V_{x1} و V_{x2}

$$V_{x2}^2 - V_{x1}^2 = 2 \cdot a_x \cdot (x_2 - x_1)$$

• العلاقة بين المسافات التي تقطع أثناء مدد زمنية متتالية و متساوية (τ):

المسافة المقطوعة بين الموضعين المتتاليين M_i و M_{i-1} خلال المدة الزمنية (τ) : $e_n = M_n - M_{n-1} = x_n - x_{n-1}$

المسافة المقطوعة بين الموضعين المتتاليين M_{i+1} و M_i خلال المدة الزمنية (τ) : $e_{n+1} = M_{n+1} - M_n = x_{n+1} - x_n$

$$e_n = \left(\frac{1}{2} a_x \cdot t_n^2 + V_{0x} \cdot t_n + x_0 \right) - \left(\frac{1}{2} a_x \cdot t_{n-1}^2 + V_{0x} \cdot t_{n-1} + x_0 \right)$$

$$e_n = \frac{1}{2} a_x \cdot (t_n^2 - t_{n-1}^2) + V_{0x} \cdot (t_n - t_{n-1})$$

النقطتين M_i و M_{i-1} نقطتين متتاليتين و منه ف $t_n - t_{n-1} = \tau$ و بالتالي:

$$e_n = \frac{1}{2} a_x \cdot \tau \cdot (t_n + t_{n-1}) + V_{0x} \cdot \tau$$

$$e_n = \frac{1}{2} a_x \cdot \tau \cdot (t_{n-1} + \tau + t_{n-1}) + V_{0x} \cdot \tau$$

$$e_n = \frac{1}{2} a_x \cdot \tau \cdot (2 \cdot t_{n-1} + \tau) + V_{0x} \cdot \tau$$

$$e_{n+1} = \frac{1}{2} a_x \cdot \tau \cdot (2 \cdot t_n + \tau) + V_{0x} \cdot \tau \quad \text{نتبع نفس الخطوات و نحصل على النتيجة التالية:}$$

ثم نحسب الفرق $e_{n+1} - e_n$

$$e_{n+1} - e_n = \left(\frac{1}{2} a_x \cdot \tau \cdot (2 \cdot t_{n+1} + \tau) + V_{0x} \cdot \tau \right) - \left(\frac{1}{2} a_x \cdot \tau \cdot (2 \cdot t_n + \tau) + V_{0x} \cdot \tau \right)$$

$$= \frac{1}{2} a_x \cdot \tau \cdot (2 \cdot t_{n+1} - 2 \cdot t_n)$$

$$= a_x \cdot \tau \cdot (t_{n+1} - t_n) = a_x \cdot \tau^2$$

الفرق بين مسافتين متتاليتين مقطوعتين خلال نفس المدة الزمنية τ ثابت $e_{n+1} - e_n = a_x \cdot \tau^2 = C^{te} = r$

الله ولي التوفيق

jamil-rachid.jimdo.com